

УДК 111.111.11

## МОДЕЛЬ АНАЛИЗА КОНФЛИКТНЫХ ПРОЦЕССОВ

А.В. Галковский

(представил д.т.н., проф. Е.И. Бобыр)

В статье предложен вариант анализа процесса конфликтной природы на основе теории игр.

Предположим вначале, что  $p_1(t_1)=t_1$ ,  $p_2(t_2)=t_2$ ,  $t_1 \in [0,1]$ ,  $t_2 \in [0,1]$  и выигрыш первого игрока равен:

$\alpha$  - если в результате уцелел только первый дуэлянт = 1;

$\beta$  - если первый дуэлянт поражен, а второй нет = - 1;

$\gamma$  - если оба противника уничтожены = 0;

$\delta$  - если оба противника сохранили боеспособность = 0.

Тогда функция выигрыша:

$$A(t_1, t_2) = \begin{cases} t_1 - (1 - t_1)t_2, & t_1 < t_2; \\ 0, & t_1 = t_2 \\ -t_2 + (1 - t_2)t_1, & t_1 > t_2. \end{cases}$$

Учтем, что для функций моментов открытия огня  $L(t_1, t_2)$  и  $K(t_1, t_2)$  обоими дуэлянтами [1, 2]:

$$\begin{aligned} \frac{\partial L}{\partial t_1} &= 1 + t_2 > 0, \quad \frac{\partial L}{\partial t_2} = 1 + t_1 < 0; \\ \frac{\partial K}{\partial t_1} &= 1 - t_2 > 0, \quad \frac{\partial K}{\partial t_2} = -1 - t_1 < 0, \end{aligned}$$

и, следовательно, данные функции строго возрастают по  $t_1$  и строго убывают по  $t_2$ . Кроме того, поскольку  $A(t_1, t_2) = -A(t_2, t_1)$ , то данная бесшумная дуэль является симметричной игрой на единичном квадрате. Поэтому зна-

© А.В. Галковский, 1998

чение игры  $V=0$  и любая стратегия, оптимальная для одного игрока, является оптимальной и для другого, т.е.  $f^*(t)=p^*(t)$ ,  $t \in I$ . Решение игры ищется в классе смешанных стратегий непрерывного типа в виде пары непрерывных функций  $f(t)=p(t)$ , определенных в интервале  $[0, 1]$ ,  $0 < a < 1$ .

При этом

$$\int_0^1 f(x)dx = \int_0^1 f(x)dx = 1.$$

Цена игры для каждой активной чистой стратегии  $t_2$  равна

$$V = \int_0^1 A(t_1, t_2) f(t_1) dt_1 = 0, t_2 \in [a, 1],$$

или с учетом конкретных выражений для  $A(t_1, t_2)$ :

$$\int_0^t (t_1 - t_2 + t_B t_2) f(t_1) dt_1 + \int_{t_2}^1 (t_1 - t_2 - t_B t_2) f(t_1) dt_1 \equiv 0,$$

для всех  $t_2 \in [a, 1]$ .

Далее, введя обозначение  $r(t) = t f(t)$  и проведя ряд преобразований, получаем интегральное уравнение:

$$\int_0^1 r(t) dt + t_2 \int_a^{t_2} r(t) dt - t_2 \int_{t_2}^1 r(t) dt \equiv t_2, t_2 \in [a, 1] \quad (1)$$

что сводится к дифференциальному уравнению:

$$2tr^{\circledast}(t) + \varphi_2(t) = 0,$$

общее решение которого  $r^*(t) = nt^{-2}$

откуда  $f^*(t) = \frac{k}{t^3}, t \in [a, 1]$

Подставляя решение в (1), получаем равенство

$$t_2(-1 + \frac{k}{a} + k) + k(-3 + \frac{1}{a}) \equiv 0, t_2 = [a, 1],$$

которое является тождеством при всех  $t_2 \in [a + 1]$  лишь тогда, когда

$$-1 + \frac{k}{a} + k = 0$$

$$k(-3 + \frac{1}{a}) = 0$$

Решая эту систему, получим:  $k = \frac{1}{4}, a = \frac{1}{3}$

Тогда

$$f^*(t_1) = \begin{cases} 0, & 0 \leq t_1 \leq \frac{1}{3}; \\ \frac{1}{4t_1^3}, & \frac{1}{3} \leq t_1 \leq 1. \end{cases}$$

Таким образом, предложен метод нахождения оптимальных стратегий дуэлянтов, с учетом невозможности обнаружения открытия огня противником. При этом использовалось свойство симметричности задачи.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Оуэи Г. "Теория игр", М.: Мир, 1971.
2. Дрешер М. "Стратегические игры. Теория и приложения". М.: Сов. радио. 1964.